



ارائه روشی جدید برای مدل سازی اثر دما در توان و انرژی تولیدی پنل های خورشیدی

*[†] سعید پیغامی آخوله، * محمدرضا ذوالقدری

* دانشگاه صنعتی شریف، * شرکت یکتا بهینه توان

zolghadr@sharif.edu, saeed_peghami@yahoo.com

تهران-ایران

کلمات کلیدی: انرژی تولیدی پنل، بازده پنل، تأثیر دما بر پنل های خورشیدی، سیستم های فتوولتائیک، مدل سازی اثر دما

چکیده

در این مقاله روش جدیدی برای مدل سازی تغییرات دما برای محاسبه انرژی خروجی روزانه پنل های فتوولتائیک ارائه شده است. بدین منظور ابتدا مدل الکتریکی پنل های خورشیدی معرفی شده و تأثیر دما بر روی بازده آن بیان گردیده است. سپس دمای محیط از روی بیشینه و کمینه دما و نیز طول روز، به صورت تجربی و تقریبی مدل شده است. در ادامه برای سه شهر آبادان، اسکو و جرنندق انرژی تولیدی این پنل محاسبه گردیده است. خطای مدل ارائه شده با مقدار واقعی انرژی تولیدی در هر مورد به ترتیب 21 و 42 و 8 وات ساعت؛ یعنی حدوداً 2، 2 و 0.8 درصد می باشد.

مقدمه

یکی از اجزای اصلی سیستم های فتوولتائیک، مبدل انرژی یعنی پنل خورشیدی می باشد. برای اینکه این سیستم توان و انرژی مورد نیاز بار مورد نظر را تأمین نماید، بایستی به درستی طراحی شود. یکی از مواردی که در تعیین اندازه پنل مورد

نیاز، مؤثر است، بازده آن می باشد. بازده پنل به دمای آن و دمای پنل نیز ناشی از دمای محیط و شدت تابش خورشید است [1]. لذا در هر لحظه توان تولیدی پنل به شدت تابش خورشید و دمای محیط وابسته است. انرژی تولیدی پنل نیز جمع توان تولیدی آن می باشد. لذا برای محاسبه دقیق انرژی تولیدی پنل لازم است تا در هر لحظه شدت تابش و دمای محیط معلوم باشد. اما اندازه گیری دما و شدت تابش در هر لحظه هزینه بالایی دارد و عملاً در بسیاری از مناطق این داده ها در دسترس نیست. از طرفی استفاده از بیشینه دما و یا کمینه دما در طراحی ظرفیت پنل، موجب خطا در انتخاب ظرفیت پنل می شود و ممکن است منجر به کمبود توان در مواردی و یا زیاد شدن هزینه پنل گردد. این در حالی است که در بسیاری موارد شدت تابش متوسط و دمای کمینه و بیشینه مناطق معلوم است و در اکثر موارد می توان از داده های مناطق مجاور نیز استفاده نمود.

مدلی که در این راستا بیشتر مورد استفاده قرار می گیرد، شدت تابش خورشید را استاندارد و معادل 1000 وات بر متر مربع و دما را بیشینه دمای محیط در نظر می گیرند. در این مدل طول روز

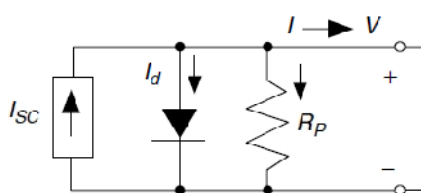
معادل شدت تابش خورشید بر حسب کیلووات ساعت بر متر مربع در روز می‌باشد [1 و 3]. خطای این روش نسبت به روش ارائه شده بیشتر است. برای مثال برای آبادان که در بعداً بررسی می‌شود، مقدار واقعی انرژی تولیدی 1022 وات ساعت و مقدار انرژی تخمین زده شده با این مدل 923 وات ساعت می‌باشد. که حدود 10 درصد خطا دارد.

در این مقاله رفتار دمای محیط به صورت تجربی بررسی شده و براساس بیشینه و کمینه دما و طول روز به صورت تقریبی و البته تجربی مدل شده است. در بررسی انجام شده منحنی شدت تابش خورشید در طول روز به صورت کاملاً سینوسی تقریب زده شده است زیرا توان تابشی خورشید رفتار سینوسی دارد. اما چون فرض بر این است که در منطقه مورد نظر توان تابشی، لحظه به لحظه ثبت نشده است، این مقادیر به صورت تقریبی با یک تابع سینوسی شبیه‌سازی می‌شوند. حسن استفاده از این روش در این است که با تعداد کمی اطلاعات ورودی شامل شدت تابش متوسط خورشید و کمینه و بیشینه دما، توان و انرژی تولیدی پنل معلوم می‌شود. لذا محاسبات مورد نظر ساده شده و هزینه اندازه‌گیری داده‌های مورد نیاز به مراتب تقلیل می‌یابد. از طرفی انرژی تولیدی پنل با تقریب نسبتاً خوبی به مقدار واقعی نزدیک می‌شود.

در این مقاله به مدلسازی تأثیر دما روی بازده و انرژی تولیدی پنل پرداخته شده است.

مشخصه الکتریکی پنل‌های خورشیدی

مشخصه خروجی سلول‌های خورشیدی که با یک منبع جریان و دیود معکوس مطابق شکل 1 زیر مدل می‌شوند، به شدت به دما بستگی دارد [1]. پارامترهای پنل‌های خورشیدی در شرایط STC^1 بیان می‌شود. تحت این شرایط شدت تابش خورشید W/m^2 1000 دمای محیط 25 درجه سانتیگراد و سرعت باد $1 m/s$ می‌باشد [1]. لذا توان نامی، ولتاژ مدار باز، جریان اتصال کوتاه و بازده در این شرایط به عنوان پارامترهای هر پنل بیان می‌شود. برای مثال مشخصات یک نوع پنل 235 وات در جدول 1 آمده است [6].



شکل 1 مدار معادل سلول خورشیدی [1]

در این مقاله ابتدا مدل الکتریکی پنل‌های خورشیدی معرفی شده و تأثیر دما روی پارامترهای آن بیان می‌شود. سپس رفتار دمای محیط بررسی شده و به صورت تجربی مدل می‌گردد. در ادامه توان تابشی خورشید در طول روز به صورت تقریبی محاسبه می‌شود. در نهایت برای سه شهر اسکو، آبادان و جرنندق انرژی تولید یک پنل 235 وات در ماه‌های مختلف، با مدل ارائه شده محاسبه می‌گردد. از طرفی اطلاعات تابش و دمای این سه شهر در بازه‌های 10 دقیقه‌ای که توسط سازمان انرژی‌های نو ایران اندازه‌گیری شده است، موجود است [2]. از روی این داده‌ها مقدار واقعی انرژی تولید محاسبه شده و با مقدار شبیه‌سازی شده مقایسه گردیده است.

پیشینه تحقیق

در رابطه با دمای سلول‌های خورشیدی و بازده آنها تحقیقات زیادی صورت گرفته است. از جمله King در سال 2004 و

مقایسه گردیده است.

در هر یک از پارامترهای گفته شده نشان داده شده است [1].

¹Standard Test Conditions

سلول گرم شده و دمای آن بیشتر می‌شود. دمای سلول‌های خورشیدی در شرایط محیطی مختلف با دمای محیط T_{amb} و شدت تابش R از رابطه تقریبی 2 بدست می‌آید [1].

$$T_{cell} = T_{amb} + [(NOCT - 20) / 800] \times R \quad 2$$

دمای سلول وقتی دمای محیط 20 درجه سانتیگراد و شدت تابش 800 W/m^2 و سرعت باد 1 m/s است برابر $NOCT^1$ می‌باشد [1]. این کمیت به عنوان پارامترهای پنل در برگه اطلاعات آن داده می‌شود، در پنل نمونه جدول 1 این مقدار 47.5 درجه سانتیگراد است. با توجه به رابطه فوق با افزایش دمای محیط، دمای سلول بیشتر می‌شود.

بنابراین دمای سلول به صورت مستقیم با دمای محیط و شدت تابش خورشید در ارتباط است.

توان خروجی پنل خورشیدی در حالت کلی

همانطور که گفته شد توان خروجی پنل با تغییرات دمای سلول تغییر می‌کند. ضریب تغییر دمای توان (γ) برای پنل‌های مختلف متفاوت بوده و به عنوان یکی از پارامترهای آن از طرف کارخانه سازنده اعلام می‌شود. توان خروجی پنل در شرایطی غیر از شرایط STC در دمای T_{cell} و شدت تابش R به صورت رابطه 3 قابل محاسبه است [5].

$$P_{out} = R \times A \times n = R \times A \times \eta_{rated} \times (1 - \gamma \Delta T) \quad 3$$

$$\Delta T = T_{cell} - 25 \quad 4$$

Prated توان پنل در شرایط استاندارد است که توسط سازنده معرفی می‌شود و از رابطه 1 قابل محاسبه است.

بازده پنل‌های خورشیدی

بازده به عنوان یکی از پارامترهای هر محصولی عبارت است از نسبت توان خروجی به ورودی. در مورد پنل‌های خورشیدی نیز بازده به صورت نسبت توان خروجی به توان ورودی تعریف می‌شود. توان ورودی پنل همان توان دریافتی از خورشید می‌باشد. برای پنل توصیف شده در جدول 1 توان ورودی در شدت تابش R و دمای 25 درجه سانتیگراد برابر است با [5]:

$$P_{in} = R \times A \quad 5$$

که در شرایط استاندارد (STC) برابر است با:

جدول 1 مشخصات الکتریکی یک نوع پنل خورشیدی 235 وات [6]

Maximum power (Pmax)	235 W
Tolerance of Pmax	10%/-5%
Open circuit Voltage (Voc)	37.2 V
Maximum Power Voltage (Vpm)	30.1 V
Short Circuit Current (Isc)	8.59 A
Maximum Power Current (Ipm)	7.81 A
Module Efficiency (%)	14.40%
NOCT	47.5 °C
Temperature Coefficient (Pmax)	-0.485%/°C
Temperature Coefficient (Voc)	-0.36%/°C
Temperature Coefficient (Isc)	0.053%/°C
Dimensions	994*1640*46 mm

توان خروجی پنل خورشیدی در شرایط STC

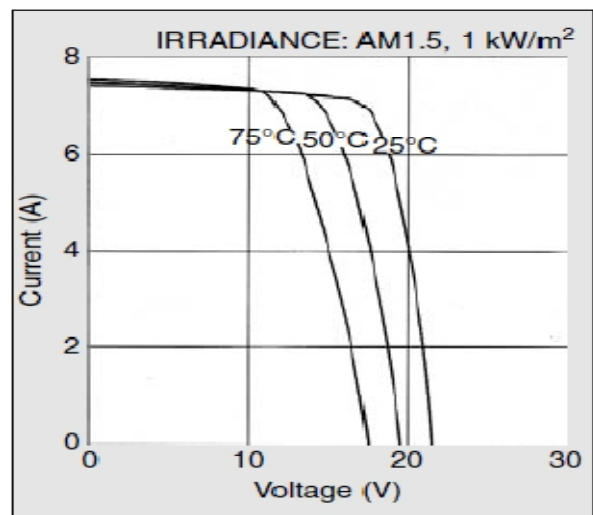
یک پنل به مساحت A و بازده ماژول n در نظر بگیرید. توان خروجی این پنل در شرایط استاندارد (STC) که توان نامی نامیده می‌شود، برابر است با [5]:

$$P_{rated} = A \cdot \eta \cdot 1000 \text{ (Watts)} \quad 1$$

برای مثال در پنلی که مشخصات آن در جدول 1 آورده شده است، توان نامی تحت شرایط STC برابر است با:

$$P_{rated} = (0.994 \times 1.64) \times 14.4 \times 1000 = 235 \text{ Watts}$$

این توان همانطور که گفته شد توان نامی پنل می‌باشد.



شکل 2 منحنی مشخصه سلول خورشیدی نوعی و تأثیر دما بر پارامترهای آن [1]

دمای سلول‌های خورشیدی

دمای سلول‌های خورشیدی تابعی از دمای محیط و شدت تابش خورشید است. با افزایش دمای محیط دمای سلول نیز بیشتر می‌شود. از طرفی با افزایش شدت تابش خورشید نیز

¹Nominal Operating Cell Temperature

انتهای شب تا موقع طلوع آفتاب، مقدار بیشتری از انرژی جذب شده توسط زمین و ذرات موجود در هوا از جو زمین خارج می‌شود. بعد از طلوع آفتاب، دمای محیط تحت تأثیر گرمای خورشید افزایش می‌یابد. بنابراین از نظر فیزیکی، کمترین دمای محیط هنگام طلوع آفتاب اتفاق می‌افتد. مطالعه دمای اندازه‌گیری شده در 24 ساعت در نقاط مختلف کره زمین نشان می‌دهد که دما از موقع طلوع آفتاب شروع به افزایش می‌کند و تا نزدیک غروب آفتاب زیاد می‌شود و 2 الی 3 ساعت قبل از غروب آفتاب به اوج خود می‌رسد و پس از آن کاهش یافته و نزدیک طلوع خورشید به کمینه خود می‌رسد. اما روند افزایش و کاهش دما در ساعات مختلف خطی نیست و به نوع و میزان ذرات موجود در هوا و میزان ابری بودن هوا و عوامل دیگر بستگی دارد. شکل‌های 3 و 4 و 5 رفتار دمای محیط را در سه شهر مختلف کشور نشان می‌دهد [7].

با توجه به نمودارهای زیر که دمای محیط را در یک روز مشخص از ماه‌های مختلف نشان می‌دهد [2]، می‌توان دما را به صورت شکل 6 مدل کرد.

$$P_{in}=(1000 \text{ W/m}^2)\times(0.994\times 1.64 \text{ m}^2)=1630 \text{ Watts}$$

از طرفی توان خروجی پنل در شرایط استاندارد مطابق جدول 1 برابر 235 وات است. بنابراین بازده پنل توصیف شده در شرایط استاندارد، به صورت رابطه 6 قابل محاسبه است [5].

$$\eta_{\text{rated}}=P_{\text{out}}/P_{\text{in}} \quad 6$$

$$\eta_{\text{rated}}=235/1630=14.4\%$$

با جایگذاری رابطه 3 و 5 در رابطه 6 داریم:

$$\eta=\eta_{\text{rated}}\times(1-\gamma\Delta T) \quad 7$$

با جایگذاری روابط 4 و 2 در رابطه 7 داریم:

$$\eta=\eta_{\text{rated}}\times [1-\gamma(T_{\text{amb}}+(\text{NOCT}-20)/800\times R-25)] \quad 8$$

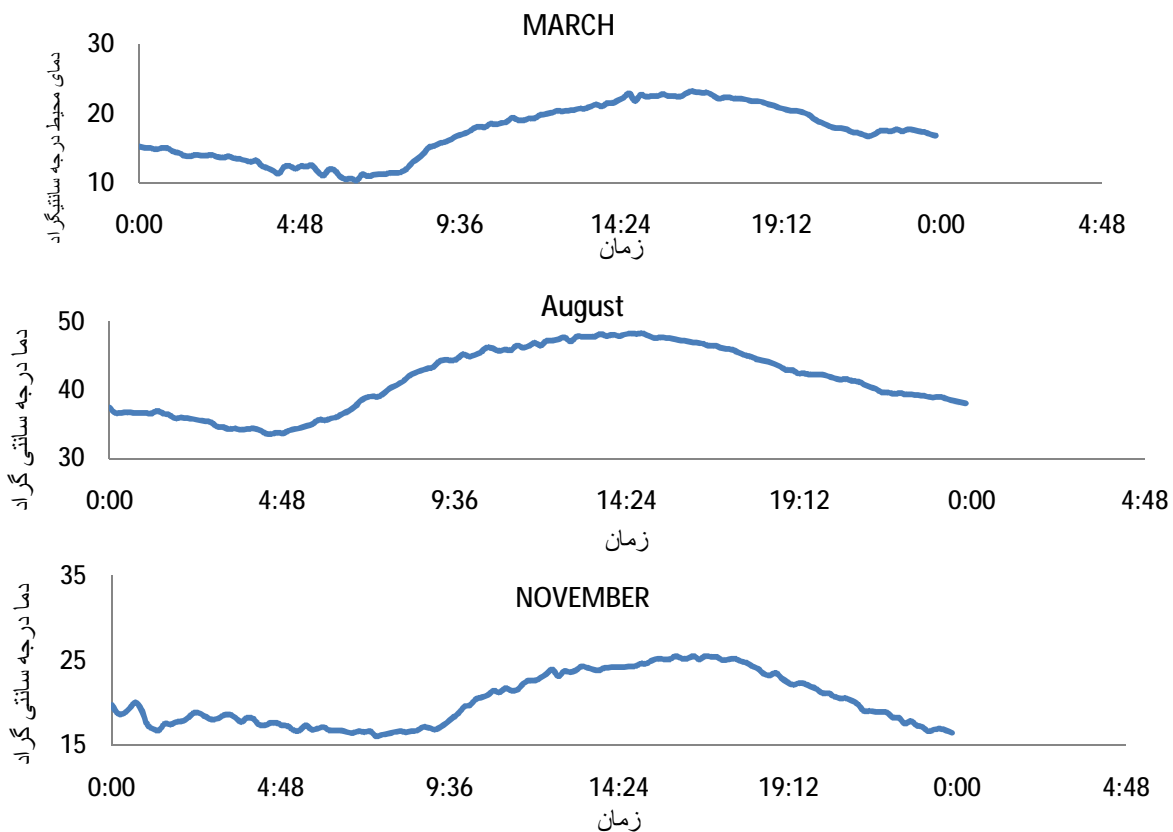
بازده پنل گفته توصیف شده در شدت تابش R و دمای T_{amb} برابر است با:

$$\eta=14.4[1-0.00485(T_{\text{amb}}+0.0344R-25)]$$

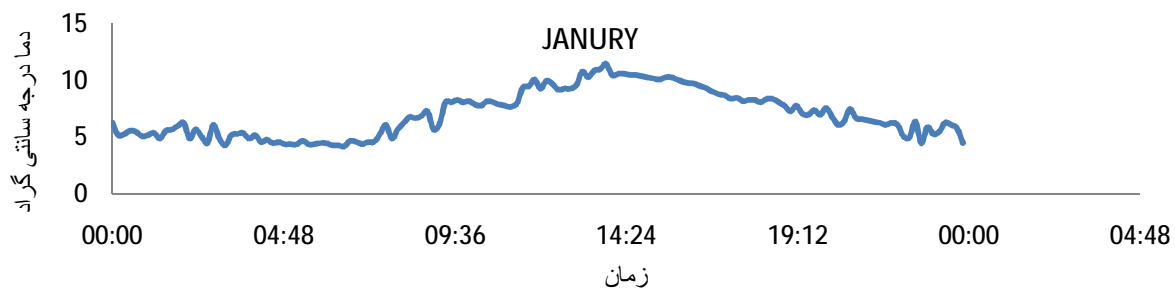
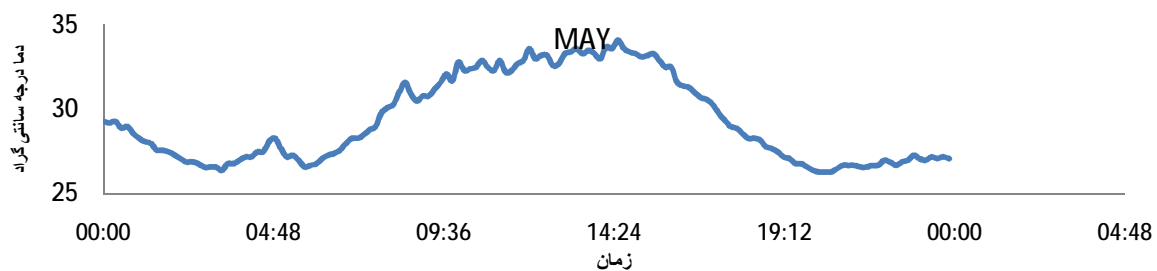
رابطه 9 در واقع بازده پنل را در دمای محیط مدل می‌کند.

رفتار دمای محیط

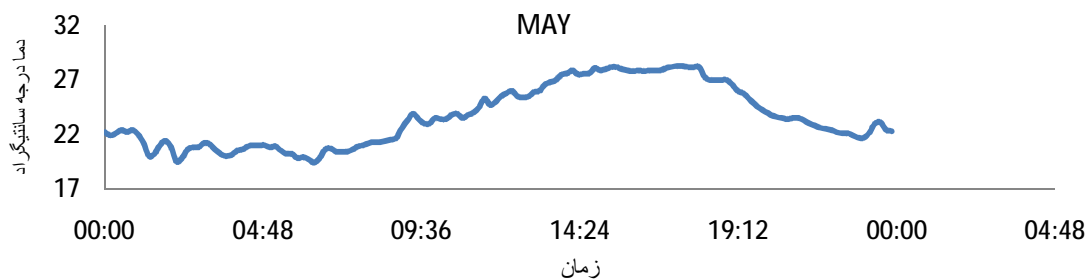
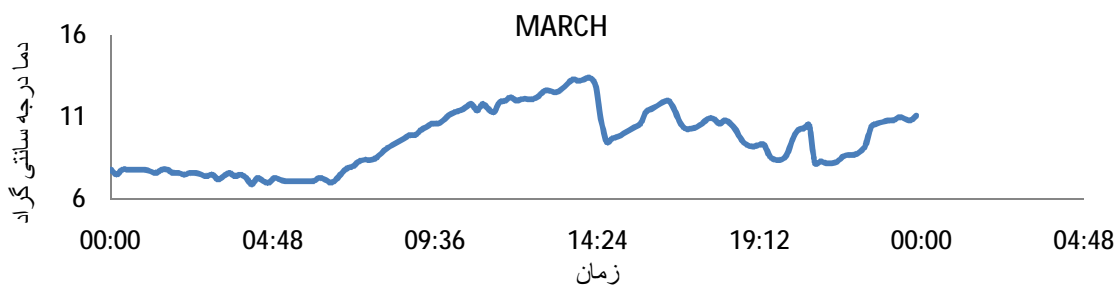
همانطور که گفته شد، دما سلول تابع دمای محیط است. دمای محیط اطراف زمین با تابش خورشید افزایش می‌یابد. رابطه ریاضی بین دمای محیط و شدت تابش وجود ندارد. اما چون از



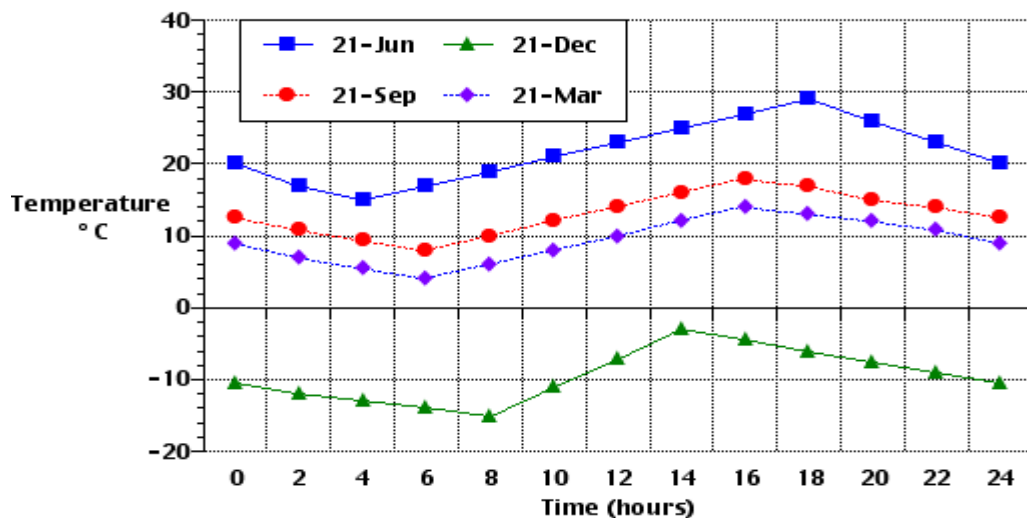
شکل 3 دمای محیط در سه ماه مختلف در شهر آبادان [2]



شکل 4 دمای محیط در دو ماه مختلف در شهر سمنان [2]

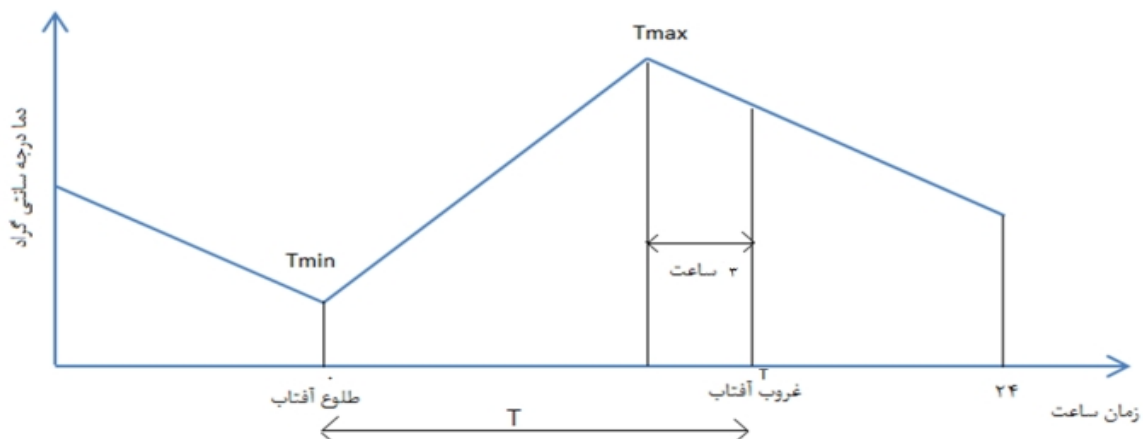


شکل 5 دمای محیط در دو ماه مختلف در شهر اسکو [2]



شکل 6 تغییرات دمای محیط در طول روز در چند ماه مختلف [2]

زمانی تابعی از زمان و مکان آن نقطه است، می توان معادله دما بر حسب زمان را بدست آورد. اگر متوسط طول روز را در یک ماه، T و متوسط بیشینه دما را T_{max} و کمینه دما را T_{min} در نظر بگیریم و فرض کنیم که بیشینه دما 3 ساعت قبل از غروب آفتاب اتفاق می افتد، در این صورت منحنی دما در 24 ساعت به صورت شکل 7 بوده و معادله آن به صورت روابط 10 در می آید.



شکل 7 مدل سازی دمای محیط از روی متوسط بیشینه و کمینه دما

همان طور که گفته شد کمترین دما در هنگام طلوع آفتاب اتفاق می افتد. اما بیشترین دما بعد از ظهر خورشیدی و نزدیک غروب آفتاب اتفاق می افتد. لیکن زمان آن به صورت دقیق مشخص نیست. به صورت تقریبی می توان گفت که در زمستانها 2 الی 3 ساعت قبل از غروب خورشید و در تابستانها 3 الی 5 ساعت قبل از غروب خورشید اتفاق می افتد و به طور میانگین می توان 3 الی 4 ساعت قبل از غروب خورشید در نظر گرفت. بنابراین اگر میانگین بیشینه و کمینه دمای محیط در یک ماه مشخص باشد، با توجه به اینکه طول روز در هر نقطه و در هر

$$Temp = \frac{T_{max}-T_{min}}{T-3} \cdot t + T_{min} \text{ sunrise } < t < \text{ sunset } - 3$$

$$Temp = \frac{T_{min}-T_{max}}{24-(T-3)} \cdot (t - (T - 3)) + T_{max} \text{ sunset } - 3 < t < \text{ sunset}$$

10

در روابط فوق L عرض جغرافیایی منطقه و n فاصله روز وسط ماه از اول سال میلادی می باشد، برای مثال عدد n برای ماه آگوست برابر 229 است. با توجه به اینکه دمای محیط به صورت تابعی از بیشینه و کمینه دما و طول روز در می آید، می توان بازده پنل را به صورت واقعی مدل نمود. در واقع در هر ساعتی از روز می توان دما را از روی مدل گفته شده بدست آورد و از روی رابطه 8 بازده پنل را در آن ساعت تعیین کرد.

رفتار شدت تابش خورشید در طول روز

در روابط 10 طلوع خورشید مبدأ زمان در نظر گرفته شده است و T متوسط طول روز در هر ماه می باشد، که از رابطه زیر قابل محاسبه است [1].

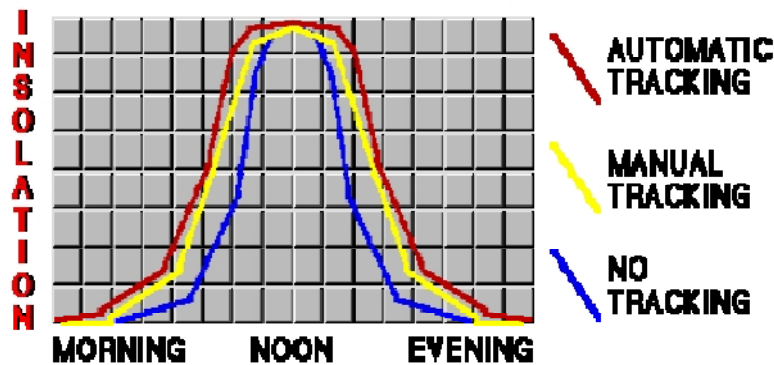
$$L = 2 \left(\frac{H_{SR}}{15^\circ/h} + Q \right) \quad 11$$

$$\delta = 23.45 \sin \left(\frac{360}{365} (n - 81) \right) \quad 12$$

$$H_{SR} = \cos^{-1}(-\tan L \tan \delta) \quad 13$$

$$Q = \frac{3.467}{\cos L \cos \delta \sin H_{SR}} \text{ (min)} \quad 14$$

در شکل 8 منحنی آبی رنگ شدت توان دریافتی توسط پنل ثابت را نشان می‌دهد. رابطه توان دریافتی و موقعیت جغرافیایی منطقه در ساعات مختلف روز پیچیده می‌باشد. از طرفی در بسیاری از مناطق اطلاعات شدت تابش در هر لحظه موجود نیست (ثبت نشده است)، اما شدت تابش متوسط در هر روز و یا در هر ماه معلوم است. مثلاً اطلاعات موجود در ناسا که متوسط شدت تابش خورشید را در ماه‌های مختلف در 22 سال اخیر را شامل می‌شود.



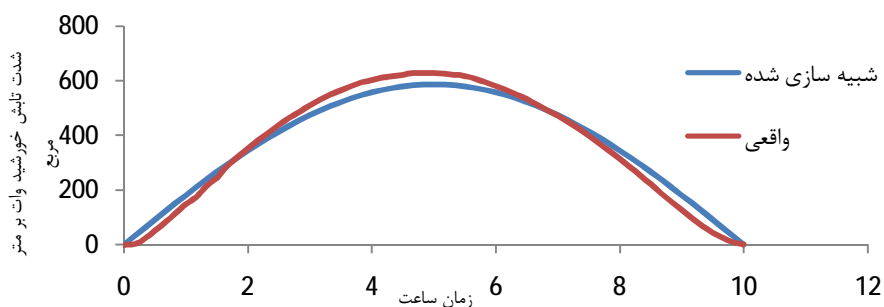
شکل 8 رفتار شدت تابش خورشید در طول روز [8]

$$A = \frac{500\pi I}{T} \quad 15$$

در رابطه فوق I شدت تابش خورشید برحسب (KW/m².day) و T طول روز بر حسب ساعت می‌باشد. در این صورت شدت تابش خورشید در طول روز به صورت رابطه 16 در می‌آید.

$$R = A \cdot \sin\left(\frac{\pi}{T} t\right) \quad 16$$

بنابراین با داشتن متوسط شدت تابش در هر ماه و با فرض‌های بیان شده، توان تابشی خورشید در هر لحظه از روز به صورت رابطه 16 قابل محاسبه است. در شکل زیر توان تابشی واقعی [2] و شبیه سازی شده با رابطه فوق مقایسه شده‌اند.



شکل 9 مدل سازی رفتار شدت تابش خورشید در طول روز

توان دریافتی توسط پنل در طول روز متغیر است و به منطقه جغرافیایی و موقعیت خورشید در ساعات مختلف بستگی دارد. از آنجا که مسیر حرکت خورشید در طول روز به صورت سینوسی تغییر می‌کند، شدت تابش خورشید نیز به صورت سینوسی تغییر خواهد کرد [1]. در شکل 8 میزان توان تابشی خورشید در ساعات مختلف در یک روز صاف و بدون ابر نشان داده شده است [8].

مدل تقریبی شدت تابش در طول روز

همانطور که گفته شد متوسط شدت تابش خورشید در هر ماه مشخص می‌باشد. حال متوسط شدت تابش را به عنوان شدت تابش در هر روز از یک ماه در نظر می‌گیریم و طول روزهای ماه را ثابت و برابر طول روز در وسط ماه فرض می‌کنیم. شدت تابش خورشید را نیز سینوسی کامل با دوره تناوب دو برابر طول روز در نظر می‌گیریم. در این صورت با مساوی قرار دادن انرژی دریافتی در طول روز (شدت تابش متوسط خورشید در ماه) و انرژی حاصل از شبیه سازی تابش با شکل موج سینوسی، دامنه شکل موج تابش خورشید به صورت زیر قابل محاسبه است:

مزایای مدل ارائه شده:

الف- در این مدل سازی، انرژی روزانه حاصل از تابش خورشید با مقدار واقعی برابر است. (سطح زیر دو نمودار فوق)
ب- در مدل واقعی نیاز به ثبت شدت تابش و دما در ساعات مختلف است، اما در مدل ارائه شده، فقط متوسط تابش خورشید نیاز است و تابش در ساعات مختلف از رابطه 16 بدست می آید. همچنین از روی دمای کمینه و بیشینه، دما در ساعات مختلف مدل می شود. اطلاعات مورد نیاز در این مدل عبارتند از:

- متوسط شدت تابش خورشید در ماه؛
- متوسط کمینه دما در ماه؛
- متوسط بیشینه دما در ماه؛

پ- در محاسبه انرژی تولیدی واقعی نیاز به انتگرال گیری حاصلضرب دما و شدت تابش می باشد (رابطه 3)، در این مدل محاسبات ممکن و بسیار ساده می گردد.

ت- هزینه ثبت و نگهداری داده ها و زمان لازم برای این کار نیز از بین می رود.
معایب این مدل:

الف- این مدل برای روزهای صاف و بدون ابر درست است. در صورتیکه در شرایط ابری شدت تابش کاهش می یابد. لذا انرژی دریافتی از خورشید کاهش می یابد. اما از آنجایی که در محاسبه دامنه آن از متوسط شدت تابش ماهانه استفاده شده است این کاهش انرژی زیاد مشهود نیست. از طرفی در طراحی سیستم های خورشیدی متوسط شدت تابش در نظر گرفته می شود. و برای شرایط ابری و پدیده ها، جهت تأمین کمبود انرژی از باتری استفاده می شود.

ب- در ابتدا و انتهای روز شدت تابش کمتر از مقدار شبیه سازی شده است. در مقابل شدت تابش در هنگام ظهر بیشتر از مقدار شبیه سازی شده است. از نظر میزان انرژی این دو مورد برابر هستند. اما وقتی انرژی خروجی پنل مد نظر است، چنان که گفته شد، این کمیت تابعی از دما و شدت تابش می باشد، که در عمل حاصل ضرب این دو کمیت در محاسبه انرژی بکار گرفته می شود. لذا اگرچه شدت تابش شبیه سازی شده از مقدار واقعی هنگام صبح و عصر بیشتر و هنگام ظهر کمتر است، اما رفتار دما در این دو بازه کاملاً متفاوت است. اما چون رفتار دقیق دما (رابطه ریاضی آن) مشخص نیست این خطا قابل قبول است و از

آنجا که این دو تفاوت از نظر عددی با هم برابر هستند و توان تابشی هنگام صبح و عصر کم است، خطای ایجاد شده در عمل کمتر می باشد.

بررسی دقت مدل ارائه شده

برای بررسی دقت مدل فوق، ابتدا میزان دقیق انرژی تولیدی از روی اطلاعات موجود محاسبه می شود. یعنی با استفاده از داده های دما و تابش اندازه گیری شده توسط سانا، که در بازه های 10 دقیقه ای موجود است، مقدار توان و انرژی تولیدی تعیین می گردد. سپس از روی داده های شبیه سازی شده با مدل ارائه شده، انرژی تولیدی محاسبه شده و با مقدار واقعی مورد مقایسه قرار می گیرد.

1- محاسبه دقیق انرژی تولیدی

برای محاسبه دقیق متوسط انرژی تولیدی در روز، باید اطلاعات دقیق تابش و دما در ساعات مختلف موجود باشد. سازمان انرژی های نو ایران (سانا)، در ایستگاه های بادسنجی نصب شده در نقاط مختلف کشور، دما و شدت تابش را در آن مناطق در چند سال اخیر ثبت کرده است. در این قسمت برای محاسبه دقیق انرژی تولیدی از اطلاعات سانا استفاده می کنیم. همانطور که گفته شد، این اطلاعات دما و تابش خورشید را در بازه های 10 دقیقه ای در تمام روزهای سال شامل می شود.

اگر توان تابشی را در بازه Δt ، R_i و دمای محیط را T_i بنامیم، در این صورت با توجه به رابطه 3 و 5 و 8، توان تولیدی پنل با سطح A در این بازه مطابق رابطه 16 قابل محاسبه است.

$$P_i = R_i \times A \times \eta_{\text{rated}} \times [1 - \gamma(T_i + (\text{NOCT} - 20) / 800 \times R_i - 25)] \quad 16$$

لذا انرژی تولیدی در 24 ساعت از صورت رابطه 17 بدست می آید:

$$E = \sum_{i=1}^{24 \times 6} P_i \times \Delta t = \sum_{i=1}^{144} P_i \times \frac{10 \text{ min}}{60 \text{ min}} = \left(\frac{1}{6} \sum_{i=1}^{144} P_i \right) \quad 17$$

2- محاسبه انرژی تولیدی با مدل ارائه شده

در این حالت ابتدا شدت تابش و دما براساس روابط 16 و 10 مدل شده و توان تولیدی از رابطه 18 بدست می آید. سپس انرژی تولیدی در با انتگرال گیری از رابطه 18 به صورت رابطه 19 قابل محاسبه است.

$$P(t) = R \times A \times \eta_{\text{rated}} \times [1 - \gamma(T + (\text{NOCT} - 20) / 800 \times R - 25)] \quad 18$$

که در آن R از رابطه 16 و T از رابطه 10 بدست می‌آید.

$$E = \int_{\text{sunrise}}^{\text{sunset}} P(t) \cdot dt \quad 19$$

مورد کاوی 1

در این قسمت، متوسط انرژی خروجی یک عدد پنل 235 وات را برای آبادان در ماه مارس یکبار با مدل ارائه شده و یکبار به صورت دقیق محاسبه می‌کنیم.

1- روش دقیق: در این روش از اطلاعات دما و توان تابشی خورشید سانا که در بازه‌های زمانی 10 دقیقه‌ای در طول ماه مارس اندازه‌گیری شده است، استفاده شده است. از روی رابطه 3 توان خروجی پنل را در هر بازه زمانی 10 دقیقه‌ای در طول ماه محاسبه می‌کنیم. سپس با جمع توان‌های تولیدی و میانگین‌گیری انرژی، متوسط انرژی تولیدی در هر روز به دست می‌آید. با انجام محاسبات، انرژی تولیدی روزانه برای آبادان در ماه مارس با استفاده از یک پنل 235 وات 1022 وات-ساعت به دست می‌آید.

2- مدل ارائه شده: متوسط بیشینه و کمینه دما، طول روز و شدت تابش خورشید در ماه مارس در جدول 2 آمده است.

جدول 2 اطلاعات هواشناسی آبادان در ماه مارس [2]

مقدار	کمیت
14	کمینه دما
27	بیشینه دما
4.77	شدت تابش
12	طول روز (Hr)

بنابراین شدت توان تابشی خورشید در طول روز در هر لحظه برابر است با:

$$R = \frac{500\pi I}{T} \cdot \sin\left(\frac{\pi}{T}t\right) = \frac{500\pi \times 4.77}{12} \cdot \sin\left(\frac{\pi}{12}t\right) = 624.4 \sin(0.26t) \quad 23$$

و دمای روزانه با توجه به رابطه 10 در هر لحظه برابر است با:

$$T = 1.44t + 14 \quad 0 < t < 12 - 3$$

$$T = -0.87t + 34.83 \quad 12 - 3 < t < 12 \quad 24$$

با جایگذاری روابط فوق در رابطه 9 و 3 و انتگرالگیری از رابطه حاصل، متوسط روزانه انرژی تولیدی در ماه مارس بدست می‌آید. برای این مورد که اطلاعات لازم در جدول فوق آمده

است انرژی روزانه محاسبه شده با کامپیوتر برابر 1043 وات ساعت می‌باشد.

بنابراین اختلاف مدل ارائه شده با مقدار واقعی 21 وات ساعت یعنی حدود 2 درصد می‌باشد.

مورد کاوی 2

در این مورد به تخمین انرژی تولیدی با مدل‌های مختلف برای شهر اسکو در ماه ژوئیه می‌پردازیم. در جدول 3 متوسط ماهانه کمیت‌های هواشناسی مورد نیاز آورده شده است. جدول 3 اطلاعات هواشناسی اسکو در ماه ژوئیه [2]

مقدار	کمیت
18	کمینه دما
30	بیشینه دما
10.1	شدت تابش
14.5	طول روز (Hr)

در این مورد مقدار انرژی تولیدی توسط پنل 235 توصیف شده برابر 1987 وات ساعت و مقدار شبیه سازی شده نیز برابر 2029 وات ساعت است. اختلاف مقدار واقعی و مدل شده 42 وات ساعت و در حدود 2 درصد می‌باشد.

مورد کاوی 3

در این مورد به تخمین انرژی تولیدی با مدل‌های مختلف برای شهر جرنندق در ماه نوامبر می‌پردازیم. در جدول 4 متوسط ماهانه کمیت‌های هواشناسی مورد نیاز آورده شده است.

در این مورد مقدار انرژی تولیدی توسط پنل 235 توصیف شده برابر 972 وات ساعت و مقدار شبیه سازی شده نیز برابر 980 وات ساعت است. اختلاف مقدار واقعی و مدل شده 8 وات ساعت و در حدود 0.8 درصد می‌باشد.

جدول 4 اطلاعات هواشناسی جرنندق در ماه نوامبر [2]

مقدار	کمیت
-2	کمینه دما
9	بیشینه دما
4.13	شدت تابش
10.33	طول روز (Hr)

نتیجه گیری

1- در بررسی سه مورد کاوی برای سه منطقه در سه ماه مختلف با شرایط آب و هوایی متفاوت، میزان دقت و صحت مدل به کار گرفته شده زیاد بوده و خطای ایجاد شده کم و در حدود 2 درصد است. برای مثال در آبادان با پنل 235 وات توصیف شده انرژی تولیدی واقعی 1022 وات ساعت و انرژی تولیدی شبیه سازی شده 1043 وات ساعت می باشد. بنابراین مدل ارائه شده یک مدل مناسبی می باشد.

2- اطلاعات آماری مورد نیاز در این مدل نسبت به محاسبه واقعی کم می باشد. در واقع تنها پارامترهای مورد نیاز، بیشینه و کمینه دما و شدت تابش متوسط خورشید است. لذا نیازی به اندازه گیری لحظه به لحظه داده ها نیست.

3- نیاز به داده کم هزینه اندازه گیری دقیق برای داشتن اطلاعات لحظه ای و زمان لازم برای این کار را از بین می برد.

4- این مدل یک روش مناسب برای طراحی دقیق سیستم های فتوولتائیک است. اساس اکثر طراحی های موجود، بیشینه دما و تابش استاندارد می باشد در واقع فرض بر آن است که پنل همیشه در دمای ماکزیمم قرار دارد و این باعث کاهش بازده آن می شود، که در عمل چنین نیست. در این مدل علیرغم اینکه داده های لحظه ای موجود نیست، اما این داده ها شبیه سازی می شوند و با تقریب خوبی به جواب واقعی نزدیک هستند.

مراجع

[1]: Gilbert M. Masters, "Renewable and Efficient Electric Power Systems", Stanford University, A JOHN WILEY & SONS, INC., 2004

[2]: <http://www.suna.org.ir/ationoffice-windenergyoffice-windamar-fa.html/> Last Seen 25/5/1390;

[3]: <http://www.leonardo-energy.org/>, Last Seen 12/3/1390;

[4]: John A. Duffie, "Solar Engineering Of Thermal Processes" University of Wisconsin, Second Edition, Wiley, 1991;

[5]: Tomasz Kozak, "Influence of Ambient Temperature on the Amount of Electric Energy Produced by Solar Modules", 16th International Conference "Mixed Design of Integrated Circuits and Systems", June 25-27, 2009;

[6]: کاتالوگ پنل 235 وات شارپ؛ بر گرفته از سایت www.sharpusa.com/solar

[7]: http://www.eoearth.org/article/Daily_and_annual_cycles_of_temperature/lastSeen 12/4/1390;

[8]: نشریه سازمان انرژی های نو ایران، پیام سانا، شماره 10، اردیبهشت 1388؛